

$$E=\sum_k\left(\kappa k^4+\sigma k^2\right)\left|u_k\right|^2, \quad k_0=\sqrt{-\sigma / 6 \kappa}$$